

Алгоритм Маркова

Нормальный алгоритм Маркова - вещь довольно известная в теории алгоритмов. Почитать можно много где, не рассказывать же, как делается поиск в Интернете... Изложим несколько упрощенную схему. Имеем некоторый набор символов (алфавит), и строку из этих символов. Кроме того, имеем правила замены, в каждом из которых указано, какую подстроку с исходной строке нужно заменить, и на что ее менять. Подстроки могут быть и пустыми. Порядок правил фиксирован. Функционирует все следующим образом. Правила просматриваются в указанном порядке на предмет применимости. Первое же правило, которое может быть применено, однократно применяется (то есть выполняется описанная в нем замена), после чего цикл обработки повторяется (список просматривается заново). "Однократно" означает, что если в строке к моменту выполнения правила существует несколько подстрок, которые могут быть заменены, то заменяется только одна подстрока из возможных, а именно - самая левая. Процесс заканчивается, если после очередного просмотра строка не изменилась. В процессе выполнения замен длина строки может изменяться, увеличиваться, уменьшаться – всё пожалуйста.

Пример:

Есть строка *ababaab*

И набор правил

ab->*c*

cc->*ab*

В результате применения описанной процедуры строка будет преобразована в *cas*. При этом будут получаться такие промежуточные результаты: *ababaab*, *cabaab*, *ccaab*, *ccac*, *abac*, *cas*.

Ну вот. А теперь несколько задачек.

Задача 1: Начальная непустая строка была получена из обычного арифметического выражения путем удаления всех символов, кроме открывающейся и закрывающейся круглой скобки. Требуется написать последовательность команд, которая приводит эту строку к строке "RIGHT" либо "WRONG" в зависимости от того, верно или неверно были расставлены скобки в исходной строке в соответствии с обычными правилами записи арифметических выражений. Например, строку $()((()))()$ предлагаемая последовательность замен должна перевести в RIGHT, а строку $()()$ та же самая последовательность замен должна перевести в строку WRONG.

Задача 2: Начальная строка представляет из себя произвольную строку типа $[\text{число1}][\text{число2}]=?$ где $[\text{число1}]$ и $[\text{число2}]$ - десятичные записи некоторых натуральных чисел. Требуется написать последовательность замен, которая переведет эту запись в завись вида $[\text{число1}][\text{число2}]=[\text{сумма}]$, где $[\text{сумма}]$ - десятичная запись результата сложения числа 1 и числа 2. Ну, то есть строка $2+2=?$ должна быть переведена в $2+2=4$, а строка $25+76=?$ та же самая последовательность замен должна перевести в $25+76=101$. Длина исходной строки любая (то есть в качестве слагаемых могут быть представлены большие натуральные числа (в данной задаче до 100 знаков)).

Задача 3: Задана строка из больших букв английского алфавита (символы от A до Z), заканчивающаяся знаком вопроса "?". Необходимо вывести их в обратном порядке, уже без знака вопроса. То есть строка ABBCD? должна стать строкой DCBBA

Задача 4: Задано двоичное число, состоящее из 0 и 1. Необходимо вывести его в виде набора букв z. Где количество таких букв равно заданному двоичному числу. То есть для 110 алгоритм должен вывести zzzzzz

Задача 5: Задана строка из больших букв английского алфавита (символы от A до Z)), заканчивающаяся знаком вопроса "?". Надо написать набор правил, который отсортирует её по возрастанию и выведет без знака вопроса. В отсортированном виде DFAAS? будет выглядеть как AADFS.

Задача 6: Задано два десятичных числа через символ подчеркивания "_" и затем строка "=", например 30_42=?. Требуется вывести вместо них значение наибольшего общего делителя для этой пары. Для 30_42=? это будет 6.

Замечание: Ограничение на увеличение строки составляет 100000 символов.

Входные данные

В данной задаче нет входных данных.

Выходные данные

Решения для задач необходимо выводить последовательно. Если вы не хотите решать задачу, то выведите 0, иначе выведите длину вашего решения N. Затем выведите ровно N строк вида abc->def, где abc подстрока для замены, а def подстрока которой мы заменяем.

Начисление очков

За каждую корректно решенную задачу вы получите 1 балл и дополнительно 1/N бонусных баллов, где N длина предложенного вами решения.

Пример

Выходные данные:

```
0
0
0
5
a->b
b->c
d->v
g->l
l->a
```

Начисление очков:

В данном случае если цепочка приведет к правильному результату вы получите $1 + 0.2 = 1.2$ балла за 4 задачу.